

## 3.2 静磁場中の定常電流に働く力

$E = 0$  とする .  $B(\mathbf{r})$  は与えられているとする .  
 $i$  番目の電荷に働くローレンツ力は (§ 1.3) ,

$$(1) \quad \mathbf{F}_i = q_i \dot{\mathbf{x}}_i(t) \times \mathbf{B}(\mathbf{x}_i(t)) .$$

すべての電荷について和をとると ,

$$(2) \quad \mathbf{F} = \sum_i q_i \dot{\mathbf{x}}_i(t) \times \mathbf{B}(\mathbf{x}_i(t)) . \quad (\text{微視的})$$

電流密度は (§ 1.3) ,

$$(3) \quad \mathbf{i}(\mathbf{r}) = \sum_i q_i \dot{\mathbf{x}}_i(t) \delta^3(\mathbf{r} - \mathbf{x}_i(t)) .$$

よって,

$$(4) \quad \mathbf{F} = \int \mathbf{i}(\mathbf{r}) \times \mathbf{B}(\mathbf{r}) dV \quad (\text{巨視的にも成り立つ})$$

と書ける. この式を微視的領域について平均化したものであると考えれば ( $\mathbf{i}(\mathbf{r})$  を連続的な分布と考える), 微小体積  $dV$  に働く力は,

$$(5) \quad d\mathbf{F} = \mathbf{i}(\mathbf{r}) \times \mathbf{B}(\mathbf{r}) dV.$$

細い導線を流れる電流  $I$  の場合,  $\int_S \mathbf{i}(\mathbf{r}) = I d\mathbf{r}$  と書けるから, 電流素片  $I d\mathbf{r}$  に働く力は,

$$(6) \quad d\mathbf{F} = I d\mathbf{r} \times \mathbf{B}(\mathbf{r}). \quad (\text{アンペールの力})$$

回路  $C$  全体に働く力は,

$$(7) \quad \mathbf{F} = I \int_C d\mathbf{r} \times \mathbf{B}(\mathbf{r}).$$